Modélisation par contraintes des systèmes métaboliques:

application in silico, in vivo & in situ

Damien Eveillard

LINA, Université de Nantes - CNRS

Rennes, le 29 Novembre 2007 IRISA









Bess B.Ward Princeton University





George A. Jackson Texas A&M University



Alexander Bockmayr

Freie Universität Berlin



Abdelhalim Larhlimi Freie Universität Berlin

Palsson Nature Biotechnol. 2000

> « Because biological information is incomplete, it is necessary to take into account the fact that cells are subject to certain constraints that limit their possible behaviors. By imposing these constraints in a model, one can then determine what is possible and what is not, and determine how a cell is likely to behave, but never predict its behavior precisely. »

Plan de l'exposé

- I. Modélisation par contraintes d'un système biologique à l'équilibre MMB & RMS
- 2. Application sur le réseau métabolique de l'érythrocyte

Validation & exploitation de modèle

3. Comprendre les systèmes biologiques noncultivés

Vers une nouvelle frontière de "systems biology"

Modélisation par contraintes d'un système biologique à l'équilibre

vers la définition de "Minimal Metabolic Behavior"...

Un système de contraintes linéaires $\begin{pmatrix} A \to B \\ B \to C \\ C \leftrightarrow D \\ \dots \\ T \to B \end{pmatrix}$

- Le système des réactions métaboliques est un système de contraintes linéaires
- Application des outils d'optimisation de contraintes













• Mais le cône est rarement pointé en biologie



- Mais le cône est rarement pointé en biologie
- Calcul complexe et difficile



- Mais le cône est rarement pointé en biologie
- Calcul complexe et difficile
- Différentes approches pour représenter le cône de flux

Voies extrêmes vs. Modes élémentaires

- Modes élémentaires(EFMs) : pas de décomposition
 ③ Biologie 🙁 Calculs
- Voies extrêmes (EPs) : décomposition des réactions
 Calculs Biologie

Voies extrêmes vs. Modes élémentaires

- Modes élémentaires(EFMs) : pas de décomposition
 ③ Biologie ③ Calculs
- Voies extrêmes (EPs) : décomposition des réactions
 Calculs © Biologie

Les 2 approches se basent sur les vecteurs générateurs du cône

Voies extrêmes vs. Modes élémentaires

- Modes élémentaires(EFMs) : pas de décomposition
 ③ Biologie ④ Calculs
- Voies extrêmes (EPs) : décomposition des réactions
 Calculs Biologie

Les 2 approches se basent sur les vecteurs générateurs du cône

Différents algorithmes (FluxAnalyzer, CNA...)

Minimal Metabolic Behaviors and Reversible Metabolic Space

- Travail sur un cône non pointé
- Larhlimi & Bockmayr, 2006 proposent une description externe
- Les contraintes sont des inégalités

 $v_i \ge 0, i \in Irr$

• Recherche des faces minimales propres : Adaptation de l'algorithme de Fukuda (cdd) Minimal Metabolic Behaviors and Reversible Metabolic Space (2)

- Chaque face est définie par des réactions irréversibles
 - face minimal = comportement métabolique minimal (MMB)
- La base du cône est un espace linéaire

 $A \leftrightarrow B$ $lin.space(C) \neq \{0\}$ \bigcirc définie par des réactions réversibles = espace métabolique réversible (RMS)









Les contraintes métaboliques



Les contraintes métaboliques



Les contraintes métaboliques















Application sur KEGG

	Mot	RR	RI	MMBs		FFMs	FPs
	I let			#	RMS		
Glycolyse	32	29	18	17	13	19464	1745
TCA cycle citrate	22	25	4	5	12	3870	1588
M. azote	41	14	53	45	9	601	612
Erythocyte	40	70	50	18	3	48	55 0 39

Application sur KEGG

	Mot	RR	RI	MMBs		FFMc	EDc
	Tiet			#	RMS		
Glycolyse	32	29	18	17	13	19464	1745
TCA cycle citrate	22	25	4	5	12	3870	1588
M. azote	41	14	53	45	9	601	612
Erythocyte	40	70	50	18	3	48	55 0 39

Est-ce biologiquement pertinent ?

Application sur le réseau métabolique de l'érythrocyte

Validation & exploitation de modèle...


Voies extrêmes vs. Modes élémentaires

808

Biophysical Journal Volume 83 August 2002 808-818

Extreme Pathway Analysis of Human Red Blood Cell Metabolism

Sharon J. Wiback and Bernhard O. Palsson

Department of Bioengineering, University of California, San Diego, La Jolla, California 92093 USA



 $GP1 + 2 \times (PL2) = NADHmode$

EFMs sont des combinaisons linéaires de EPs

Comparaison des pathways



Comparaison des pathways



MMB & RMS plus compacts que EP (≡ EFM) pour la même information biologique

Comme les autres approches...



Comme les autres approches...



Comme les autres approches...



2172

Biophysical Journal Volume 87 October 2004 2172-2186

Uniform Sampling of Steady-State Flux Spaces: Means to Design Experiments and to Interpret Enzymopathies

Nathan D. Price, Jan Schellenberger, and Bernhard O. Palsson Department of Bioengineering, University of California at San Diego, La Jolla, California

ABSTRACT Reconstruction of genome-scale metabolic networks is now possible using multiple different data types. Constraint-based modeling is an approach to interrogate capabilities of reconstructed networks by constraining possible cellular behavior through the imposition of physicochemical laws. As a result, a steady-state flux space is defined that contains all possible functional states of the network. Uniform random sampling of the steady-state flux space allows for the unbiased



2172

Biophysical Journal Volume 87 October 2004 2172-2186

Uniform Sampling of Steady-State Flux Spaces: Means to Design Experiments and to Interpret Enzymopathies

Nathan D. Price, Jan Schellenberger, and Bernhard O. Palsson Department of Bioengineering, University of California at San Diego, La Jolla, California

ABSTRACT Reconstruction of genome-scale metabolic networks is now possible using multiple different data types. Constraint-based modeling is an approach to interrogate capabilities of reconstructed networks by constraining possible cellular behavior through the imposition of physicochemical laws. As a result, a steady-state flux space is defined that contains all possible functional states of the network. Uniform random sampling of the steady-state flux space allows for the unbiased



Simulation des flux avant et après mutation(s)

2172

Biophysical Journal Volume 87 October 2004 2172-2186

Uniform Sampling of Steady-State Flux Spaces: Means to Design Experiments and to Interpret Enzymopathies

Nathan D. Price, Jan Schellenberger, and Bernhard O. Palsson Department of Bioengineering, University of California at San Diego, La Jolla, California

ABSTRACT Reconstruction of genome-scale metabolic networks is now possible using multiple different data types. Constraint-based modeling is an approach to interrogate capabilities of reconstructed networks by constraining possible cellular behavior through the imposition of physicochemical laws. As a result, a steady-state flux space is defined that contains all possible functional states of the network. Uniform random sampling of the steady-state flux space allows for the unbiased



- Simulation des flux avant et après mutation(s)
- Nécessité de connaître certains coefficients

2172

Biophysical Journal Volume 87 October 2004 2172-2186

Uniform Sampling of Steady-State Flux Spaces: Means to Design Experiments and to Interpret Enzymopathies

Nathan D. Price, Jan Schellenberger, and Bernhard O. Palsson Department of Bioengineering, University of California at San Diego, La Jolla, California

ABSTRACT Reconstruction of genome-scale metabolic networks is now possible using multiple different data types. Constraint-based modeling is an approach to interrogate capabilities of reconstructed networks by constraining possible cellular behavior through the imposition of physicochemical laws. As a result, a steady-state flux space is defined that contains all possible functional states of the network. Uniform random sampling of the steady-state flux space allows for the unbiased



- Simulation des flux avant et après mutation(s)
- Nécessité de connaître certains coefficients
- Possibilité de raisonner sur les contraintes métaboliques

2172

Biophysical Journal Volume 87 October 2004 2172-2186

Uniform Sampling of Steady-State Flux Spaces: Means to Design Experiments and to Interpret Enzymopathies

Nathan D. Price, Jan Schellenberger, and Bernhard O. Palsson Department of Bioengineering, University of California at San Diego, La Jolla, California

ABSTRACT Reconstruction of genome-scale metabolic networks is now possible using multiple different data types. Constraint-based modeling is an approach to interrogate capabilities of reconstructed networks by constraining possible cellular behavior through the imposition of physicochemical laws. As a result, a steady-state flux space is defined that contains all possible functional states of the network. Uniform random sampling of the steady-state flux space allows for the unbiased



- Simulation des flux avant et après mutation(s)
- Nécessité de connaître certains coefficients
- Possibilité de raisonner sur les contraintes métaboliques

O approche qualitative

Description qualitative des contraintes métaboliques

RCF starting...... Computing generic pathways..... The flux cone has 17 MMBS and dimension(RMS) = 1 Classification of reactions......

> The reaction ALD, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction TPI, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction GAPDH, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction PGM, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction EN, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction PGL, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction PNPase, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction PRM, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction ADE, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction NADP, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction NADPH, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction CO2, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction NH3, supposed reversible, is irreversible!!!

Finally There are :

- Irreversible reactions: 31
- Pseudo-irreversible reactions: 14
- Reversible reactions :6
- Blocked reactions :0

Computing pseudo-irreversible reaction dependencies....

Computing reversible reaction dependencies....

Computing irreversible reaction dependencies....

Description qualitative des contraintes métaboliques

RCF starting...... Computing generic pathways..... The flux cone has 17 MMBS and dimension(RMS) = 1 Classification of reactions......

> The reaction ALD, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction TPI, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction GAPDH, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction PGM, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction EN, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction PGL, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction PNPase, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction PRM, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction ADE, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction NADP, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction NADPH, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction CO2, supposed reversible, is irreversible!!! The reaction NH3, supposed reversible, is irreversible!!!

Finally There are :

- Irreversible reactions: 31
- Pseudo-irreversible reactions: 14
- Reversible reactions :6
- Blocked reactions :0

Computing pseudo-irreversible reaction dependencies....

Computing reversible reaction dependencies....

Computing irreversible reaction dependencies....

Réactions réversibles sont irréversibles $A \rightarrow B \rightleftharpoons C \rightarrow D$

Vers la définition de réactions couplées

- + ADE -> AdPRT
- + PRM -> HGPRT HX PNPase
- + PNPase -> HGPRT HX PRM
- + ALD -> PFK TPI
- + NH3 -> ADA
- + HX ->
- + CO2 -> G6PDH PDGH PGL NADP NADPH
- + 23DPG ->
- + GLC -> HK
- + NADPH -> G6PDH PDGH PGL NADP CO2
- + HGPRT ->
- + NADP -> G6PDH PDGH PGL NADPH CO2
- + PRPPsyn -> AdPRT HGPRT ADE
- + IMPase -> AMPDA HGPRT
- + AdPRT -> ADE
- + AMPDA ->
- + AK ->
- + ADA -> NH3
- + AMPase ->
- + PDGH -> G6PDH PGL NADP NADPH CO2
- + PGL -> G6PDH PDGH NADP NADPH CO2
- + G6PDH -> PDGH PGL NADP NADPH CO2
- + PK -> PGM EN
- + EN -> PK PGM
- + DPGase ->
- + PGM -> PK EN
- + DPGM -> DPGase 23DPG
- + PFK -> ALD TPI
- + GAPDH -> PK 23DPG PGM EN
- + HK -> GLC
- + TPI -> PFK ALD

Vers la définition de réactions couplées

- + ADE -> AdPRT
- + PRM -> HGPRT HX PNPase
- + PNPase -> HGPRT HX PRM
- + ALD -> PFK TPI
- + NH3 -> ADA
- <u>+ HX -></u>
- + CO2 -> G6PDH PDGH PGL NADP NADPH
- + 23DPG ->
- + GLC -> HK
- + NADPH -> G6PDH PDGH PGL NADP CO2
- + HGPRT ->
- + NADP -> G6PDH PDGH PGL NADPH CO2
- + PRPPsyn -> AdPRT HGPRT ADE
- + IMPase -> AMPDA HGPRT
- + AdPRT -> ADE
- + AMPDA ->
- + AK ->
- + ADA -> NH3
- + AMPase ->
- + PDGH -> G6PDH PGL NADP NADPH CO2
- + PGL -> G6PDH PDGH NADP NADPH CO2
- + G6PDH -> PDGH PGL NADP NADPH CO2
- + PK -> PGM EN + EN -> PK PGM
- + EN -> PK PGM + DPGase ->
- + PGM -> PK EN
- + DPGM -> DPGase 23DPG
- + PFK -> ALD TPI
- + GAPDH -> PK 23DPG PGM EN
- <u>+ HK -> GLC</u>
- + TPI -> PFK ALD

Vers la définition de réactions couplées

- + ADE -> AdPRT
- + PRM -> HGPRT HX PNPase
- + PNPase -> HGPRT HX PRM
- + ALD -> PFK TPI
- + NH3 -> ADA
- <u>+ HX -></u>
- + CO2 -> G6PDH PDGH PGL NADP NADPH
- + 23DPG ->
- ⊢ GLC -> HK
- + NADPH -> G6PDH PDGH PGL NADP CO2
- + HGPRT ->
- + NADP -> G6PDH PDGH PGL NADPH CO2
- + PRPPsyn -> AdPRT HGPRT ADE
- + IMPase -> AMPDA HGPRT
- + AdPRT -> ADE
- + AMPDA ->
- + AK ->
- + ADA -> NH3
- + AMPase ->
- + PDGH -> G6PDH PGL NADP NADPH CO2
- + PGL -> G6PDH PDGH NADP NADPH CO2
- + G6PDH -> PDGH PGL NADP NADPH CO2
- + PK -> PGM EN
- + EN -> PK PGM + DPGase ->
- + DPGase ->
- + PGM -> PK EN
- + DPGM -> DPGase 23DPG
- + PFK -> ALD TPI
- + GAPDH -> PK 23DPG PGM EN
- <u>+ HK -> GLC</u>
- + TPI -> PFK ALD

Réactions associées par les contraintes stoechiométriques et thermodynamiques

Price et al. 2004 Biophysical journal

TABLE 2 Effects of simulated enzymopathies in glycolytic enzymes on steady-state flux space

Glycolytic enzymes	$V_{ m max}^{ m i}$	Constraining?	Systemic $V_{\text{max}}^{\text{i}}$	Systemic V_{\min}^{i}	Restricted V_{max}^{i}	Percentage of steady-state flux space remaining	Hemolytic anemia?*
Hexokinase (HK)	1.5	Yes	1.50	0.48	0.74	0.02%	Yes
Phosphofructokinase (PFK)	250	No	1.58	0.31	0.63	0.21%	Variable
Triose phosphate isomerase (TPI)	1000	No	1.58	0.31	0.63	0.21%	Yes
Aldolase (ALD)	1000	No	1.58	0.31	0.63	0.21%	Yes
Lactate dehydrogenase (LDH)	1000	No	2.81	0.09	0.77	0.56%	No
Pyruvate kinase (PK)	250	No	3.21	1.17	1.68	0.83%	Yes
Enolase (EN)	1000	No	3.21	1.17	1.68	0.84%	Yes
Phosphoglucoisomerase (PGI)	1000	No	1.48	-0.77	-0.21	1.0%	Yes
Phosphoglycerate kinase (PGK)	1000	No	2.91	0.87	1.38	2.2%	Usually
Diphosphoglycerate phosphatase (DPGase)	0.52	Yes	0.52	0.3	0.36	29%	No
Diphosphoglyceromutase (DPGM)	12	No	1.43	0.3	0.58	47%	No

Price et al. 2004 Biophysical journal

TABLE 2 Effects of simulated enzymopathies in glycolytic enzymes on steady-state flux space

Glycolytic enzymes	$V_{ m max}^{ m i}$	Constraining?	Systemic $V_{\text{max}}^{\text{i}}$	Systemic V_{\min}^{i}	Restricted V_{max}^{i}	Percentage of steady-state flux space remaining	Hemolytic anemia?*
Hexokinase (HK)	1.5	Yes	1.50	0.48	0.74	0.02%	Yes
Phosphofructokinase (PFK)	250	No	1.58	0.31	0.63	0.21%	Variable
Triose phosphate isomerase (TPI)	1000	No	1.58	0.31	0.63	0.21%	Yes
Aldolase (ALD)	1000	No	1.58	0.31	0.63	0.21%	Yes
Lactate dehydrogenase (LDH)	1000	No	2.81	0.09	0.77	0.56%	No
Pyruvate kinase (PK)	250	No	3.21	1.17	1.68	0.83%	Yes
Enolase (EN)	1000	No	3.21	1.17	1.68	0.84%	Yes
Phosphoglucoisomerase (PGI)	1000	No	1.48	-0.77	-0.21	1.0%	Yes
Phosphoglycerate kinase (PGK)	1000	No	2.91	0.87	1.38	2.2%	Usually
Diphosphoglycerate phosphatase (DPGase)	0.52	Yes	0.52	0.3	0.36	29%	No
Diphosphoglyceromutase (DPGM)	12	No	1.43	0.3	0.58	47%	No

Price et al. 2004 Biophysical journal

TABLE 2 Effects of simulated enzymopathies in glycolytic enzymes on steady-state flux space

Glycolytic enzymes	$V_{ m max}^{ m i}$	Constraining?	Systemic V_{max}^{i}	Systemic V_{\min}^{i}	Restricted V_{max}^{i}	Percentage of steady-state flux space remaining	Hemolytic anemia?*
Hexokinase (HK)	1.5	Yes	1.50	0.48	0.74	0.02%	Yes
Phosphofructokinase (PFK)	250	No	1.58	0.31	0.63	0.21%	Variable
Triose phosphate isomerase (TPI)	1000	No	1.58	0.31	0.63	0.21%	Yes
Aldolase (ALD)	1000	No	1.58	0.31	0.63	0.21%	Yes
Lactate dehydrogenase (LDH)	1000	No	2.81	0.09	0.77	0.56%	No
Pyruvate kinase (PK)	250	No	3.21	1.17	1.68	0.83%	Yes
Enolase (EN)	1000	No	3.21	1.17	1.68	0.84%	Yes
Phosphoglucoisomerase (PGI)	1000	No	1.48	-0.77	-0.21	1.0%	Yes
Phosphoglycerate kinase (PGK)	1000	No	2.91	0.87	1.38	2.2%	Usually
Diphosphoglycerate phosphatase (DPGase)	0.52	Yes	0.52	0.3	0.36	29%	No
Diphosphoglyceromutase (DPGM)	12	No	1.43	0.3	0.58	47%	No

 Résultats cohérents avec les simulations d'enzymopathies (travaux de Palsson et al.)

M Simplifier le système

Comment comparer ces réactions

Groupes de réactions + ou - importants ?

Analyse qualitative

La théorie :

- Les réactions irréversibles et pseudo-irréversibles définissent les MMBs
 - C responsable du comportement biologique
- Les réactions réversibles définissent le RMS
 - C flexibilité du système

Analyse qualitative

La théorie :

• Les réactions irréversibles et pseudo-irréversibles définissent les MMBs

modification réaction = modification comportement

- Les réactions réversibles définissent le RMS
 - C flexibilité du système

Analyse qualitative

La théorie :

• Les réactions irréversibles et pseudo-irréversibles définissent les MMBs

modification réaction = modification comportement

• Les réactions réversibles définissent le RMS

modification réaction = pas forcément modification de comportement Une réaction irréversible ou pseudoirréversible est biologiquement importante :

- appartient à un comportement métabolique minimal
- appartient à plusieurs MMBs



Une réaction irréversible ou pseudoirréversible est biologiquement importante :

- appartient à un comportement métabolique minimal
- appartient à plusieurs MMBs





flux cone face



flux cone face













- Juste avec les contraintes métaboliques
- Informations qualitatives seules
- Cohérent mais pas encore de validation : besoin de nouvelles expériences sans a priori
- Aide à la décision expérimentale mais peut être plus... *approfondir le raisonnement*

Vers une définition de la robustesse

Kitano (2004) Nature

« Robustness is the fundamental feature of evolvable complex systems. Its a property that allow a system to maintain its function despite external and internal perturbation.»

Robustesse c'est...

I. Redondance

•Plusieurs pathways pour une même fonction (Stelling et al. 2002, Edwards & Palsson, 2000)

•Redondance des EPs et EFMs s'explique par la dimension de RMS

2. Flexibilité

•Plasticité phénotypique (Wuchty et al. 2003)

ODirectement associé à RMS C formalisation de la flexibilité

•Potentiel d'évolution/adaptation du système
3. Modularité

•Modules dans le réseau métabolique : modification d'un module sans conséquences sur les autres

•Etudes comparatives (Schlosser, 2002)

•Protéines intra-modulaires très contraintes (Fraser, 2005)

OMMB : description modulaire des fonctions métaboliques

3. Modularité

•Modules dans le réseau métabolique : modification d'un module sans conséquences sur les autres

•Etudes comparatives (Schlosser, 2002)

•Protéines intra-modulaires très contraintes (Fraser, 2005)

OMMB : description modulaire des fonctions métaboliques

MMB & RMS : formalisation de la Biologie Intégrative...

Vers une nouvelle frontière en "systems biology"



Comprendre la diversité des organismes non cultivés Comprendre les contraintes de la biocomplexité

Comprendre la biodiversité bactérienne



- Variation de la diversité en fonction des paramètres environnementaux
- Comprendre la diversité du non-cultivé

Incuveaux outils formels

Comprendre la biodiversité bactérienne



- Variation de la diversité en fonction des paramètres environnementaux
- Comprendre la diversité du non-cultivé



Complexité bactérienne dans gradient d'azote...

Le cycle de l'azote comme un métamétabolisme



Le cycle de l'azote comme un métamétabolisme



Unpd:Codess

























Réactions importantes



Réactions importantes



... sont encodées par les gènes fonctionnels bactériens



Puces à ADN



Puces à ADN











Conclusions/Perspectives

Conclusions

I. Théorie unificatrice pour les systèmes biologiques





- 2. Vers une conceptualisation des concepts de biologie théorique : besoin des sciences formelles
- 3. Pas seulement simuler mais surtout raisonner sur le vivant pour comprendre le



I. Travailler sur la modularité

Comparaison des modules issus d'algorithmes et MMBs

- 2. Méthodologie de modélisation unificatrice Equilibre de flux & dynamique
- 3. Transcender les échelles expérimentales



⇔ pour une même fonction biologique

Perspectives (2)

4. Des modèles qualitatifs vers des modèles quantitatifs

couplage contraintes et modélisation statistique

Contraintes : base théorique de raisonnement

 \Rightarrow nouvelle fenetre sur le vivant

Approches par contraintes



pour comprendre la biocomplexité